



کد محصول
ES1650



آخرین بروزرسانی
۲۰ خرداد ۱۴۰۵

سوالات استخدامی

طراحی الگوریتم

ویژه آزمون های استخدامی ✓

نسخه رایگان شامل ۲۵ سوال (تعداد کمتر و تنها برخی دارای پاسخ) ✓

برای تهیه نسخه اصلی، با ۵۱ سوال به همراه پاسخنامه تشریحی، به سایت ایران عرضه مراجعه نمایید. ✓



لینک های مفید آزمون های استخدامی

سوالات رایگان بانک ها با پاسخنامه	خرید این محصول
خرید سوالات کارشناس فناوری اطلاعات توزیع برق	خرید سوالات فناوری اطلاعات
خرید سوالات کارشناس فناوری اطلاعات قوه قضاییه	خرید سوالات بانکدار امور کامپیوتر و فناوری اطلاعات بانک کشاورزی
شبکه های اجتماعی ایران عرضه (فایل های رایگان + تخفیفات هفتگی + اخبار)	خرید سوالات بانکدار امور کامپیوتر و فناوری اطلاعات
(برای مشاهده هر بخش روی آن بزنید )	
<p>آخرین بروزرسانی های محصول:</p> <p>۱۴۰۵/۰۳/۲۰ اضافه شدن سوالات جدید</p> <p>۱۴۰۴/۰۹/۱۶ تالیف مجدد محصول</p>	

۲ سوال ابتدایی این فایل، دارای پاسخنامه تشریحی می باشد. در صورت تمایل به دریافت سوالات بیشتر با جواب تشریحی می توانید این محصول را از سایت ایران عرضه خریداری نمایید.

خرید محصول

❖ سوالات استخدامی طراحی الگوریتم تالیف ایران عرضه

۱- فرض کنید تابع $f[x]$ فقط در صورتی تعریف شده است که $x \neq \text{NIL}$ باشد و در غیر این صورت ارزیابی $f[x]$ باعث خطای اجرا می شود. در زبانی که عملگر and را به صورت مدار کوتاه و با ارزیابی از چپ به راست پیاده سازی می کند، کدام یک از عبارتهای زیر از نظر جلوگیری از بروز خطای اجرا، صحیح تر است؟

(۱) عبارت « $f[x]=y \text{ and } x \neq \text{NIL}$ » که در آن ابتدا گزاره $f[x]=y$ ارزیابی می شود.

(۲) عبارت « $x=\text{NIL} \text{ and } f[x]=y$ » که در آن ابتدا گزاره $x=\text{NIL}$ ارزیابی می شود.

(۳) عبارت « $x \neq \text{NIL} \text{ and } f[x]=y$ » که در آن ابتدا گزاره $x \neq \text{NIL}$ ارزیابی می شود.

(۴) عبارت « $f[x]=y \text{ or } x \neq \text{NIL}$ » که در آن ابتدا گزاره $f[x]=y$ ارزیابی می شود.

❑ پاسخ سایت ایران عرضه: گزینه ۳ ← عملگرهای بولی "and" و "or"، عملگرهای مدار کوتاه (سری) میباشند. به عبارت دیگر، وقتی عبارت " $x \text{ and } y$ " را ارزیابی میکنیم ابتدا x را ارزیابی میکنیم اگر x با FALSE ارزیابی شد آنگاه کل عبارت نمیتواند با TRUE ارزیابی شود بنابر این y را ارزیابی نمیکنیم. از طرف دیگر اگر x با TRUE ارزیابی شود باید y را ارزیابی کنیم تا مقدار کل عبارت را معین نماییم. بطور مشابه در عبارت " $x \text{ or } y$ " عبارت y را فقط اگر x با FALSE ارزیابی شود ارزیابی میکنیم. عملگرهای سری به ما اجازه میدهد تا عبارت بولی را مانند $x \neq \text{NIL} \text{ and } f[x]=y$ بنویسیم، بدون آنکه زمانی که x برابر NIL است در مورد آنچه در هنگام ارزیابی $f[x]$ روی میدهد نگران باشیم.

۲- کدام یک از گزینههای زیر توصیف صحیحی از رفتار زمانی الگوریتم در بهترین و بدترین حالت INSERTION-SORT ارائه می دهد؟

(۱) در بهترین حالت که آرایه کاملاً معکوس است، داریم $t_j = j$ و زمان اجرا به صورت $\alpha n + \beta$ خطی است؛ در بدترین حالت که آرایه از ابتدا مرتب است، داریم $t_j = 1$ و زمان اجرا به صورت $\alpha n^2 + \beta n + c$ درجه دو با $a > 0$ خواهد بود.

(۲) در بهترین حالت که آرایه از ابتدا صعودی مرتب است، داریم $t_j = 1$ و زمان اجرا به صورت $\alpha n + \beta$ خطی است؛ در بدترین حالت که آرایه کاملاً معکوس است، داریم $t_j = j$ و زمان اجرا به صورت $\alpha n^2 + \beta n + c$ درجه دو با $a > 0$ خواهد بود.

(۳) در بهترین و بدترین حالت، برای همه j داریم t_j هم مرتبه n است و در هر دو حالت زمان اجرا را میتوان به صورت $\alpha n^2 + \beta n + c$ درجه دو با $a > 0$ نوشت.

(۴) در بهترین حالت که آرایه تصادفی است، داریم $t_j = j/2$ و زمان اجرا به صورت $\alpha \lg n$ زیرخطی - لگاریتمی است؛ در بدترین حالت که آرایه معکوس است، داریم $t_j = 1$ و زمان اجرا به صورت βn خطی خواهد بود.

❑ پاسخ سایت ایران عرضه: گزینه ۲ ⇐ اجرا در بهترین حالت برابر است با

$$T(n) = c_1 n + c_2(n-1) + c_4(n-1) + c_5(n-1) + c_8(n-1) \\ = (c_1 + c_2 + c_4 + c_5 + c_8)n - (c_2 + c_4 + c_5 + c_8).$$

این زمان اجرا میتواند بصورت $an + b$ بازای ثابتهای a و b که به هزینه های c_i عبارتها بستگی دارند بیان شود؛ بنابراین تابعی خطی از n است.

اگر آرایه در یک ترتیب معکوس مرتب شده باشد - بعبارت دیگر در یک ترتیب نزولی - بدترین حالت نتیجه می شود. باید هر عنصر $A[j]$ را با هر عنصر در تمام زیر آرایه مرتب شده $A[1 \dots j-1]$ مقایسه کنیم و بنابراین برای $j=2,3,\dots,n$ داریم $t_j=j$ را. با توجه به اینکه

$$\sum_{j=2}^n j = \frac{n(n+1)}{2} - 1$$

9

$$\sum_{j=2}^n (j-1) = \frac{n(n-1)}{2}$$

در میابیم که بدترین حالت INSERTION-SORT برابر است با:

$$T(n) = c_1 n + c_2(n-1) + c_4(n-1) + c_5\left(\frac{n(n+1)}{2} - 1\right) + c_6\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) + c_7\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) + c_8(n-1) \\ = \left(\frac{c_5}{2} + \frac{c_6}{2} + \frac{c_7}{2}\right)n^2 + \left(c_1 + c_2 + c_4 + \frac{c_5}{2} - \frac{c_6}{2} - \frac{c_7}{2} + c_8\right)n - (c_2 + c_4 + c_5 + c_8).$$

۳- رابطه بازگشتی زیر را در نظر بگیرید. فرض کنید n توانی از ۲ است و $c > 0$ یک ثابت مستقل از n می باشد:

$$T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + cn$$

مرتبه زمانی تابع $T(n)$ کدام است؟

(۱) $T(n) = \Theta(n^2)$ با ضریب درجه دو متناسب با c و مستقل از جزئیات پیاده سازی

(۲) $T(n) = \Theta(\lg n)$ با ضریب لگاریتمی متناسب با c و مستقل از جزئیات پیاده سازی

(۳) $T(n) = \Theta(1)$ با ضریب ثابت متناسب با c و مستقل از جزئیات پیاده سازی

(۴) $T(n) = \Theta(n \lg n)$ با ضریب خطی متناسب با c و مستقل از جزئیات پیاده سازی

۴- فرض کنید برای زمان اجرای یک الگوریتم تابع $T(n)$ وجود دارد به طوری که برای ثابت‌های مثبت c_1 و c_2 و به ازای همه n های به اندازه کافی بزرگ داریم: $c_1 n^2 \leq T(n) \leq c_2 n^2$. بر اساس تعاریف نمادهای مجانبی Θ ، O و Ω و کاربرد آن‌ها در تحلیل زمان اجرای الگوریتم‌ها، کدام گزینه به درستی وضعیت تابع $T(n)$ و تعبیر آن را بیان می‌کند؟

۱) فقط می‌توان نتیجه گرفت $T(n) = O(n^2)$ است و چون حد پایین صریح نداریم، از $\Omega(n^2)$ و در نتیجه از $\Theta(n^2)$ بودن تابع صحبت نمی‌کنیم.

۲) $T(n) = \Theta(n^2)$ است و این یعنی زمان اجرای الگوریتم، هم در بدترین حالت و هم در بهترین حالت، از مرتبه درجه دو و متناسب با n^2 رشد می‌کند.

۳) این نابرابری صرفاً نشان می‌دهد $T(n) = \Omega(n^2)$ است؛ یعنی فقط حد پایین درجه دو داریم و بنابراین درباره بدترین حالت زمان اجرا صحبتی نمی‌توان کرد.

۴) وجود چنین نابرابری با ثابت‌های مثبت c_1 و c_2 مانع از آن است که زمان اجرا از مرتبه $\Theta(n^2)$ باشد، زیرا ممکن است برای بعضی ورودی‌ها زمان اجرا زیرخطی و کوچک‌تر از مرتبه n شود.

۵- تابع $f(n)$ را روی اعداد حقیقی در نظر بگیرید و تکرار تابعی آن را برای اعداد صحیح نامنفی i به صورت زیر تعریف کنید:

$$f^{(i)}(n) = \begin{cases} n & \text{اگر } i = 0, \\ f(f^{(i-1)}(n)) & \text{اگر } i > 0. \end{cases}$$

حال فرض کنید $f(n) = 2n$ باشد. فرم بسته $f^{(i)}(n)$ برای هر $i \geq 0$ کدام است؟

$$f^{(i)}(n) = 2n^i \quad (۱)$$

$$f^{(i)}(n) = n + 2i \quad (۲)$$

$$f^{(i)}(n) = 2^i n \quad (۳)$$

$$f^{(i)}(n) = 2in^2 \quad (۴)$$

۶- رابطه بازگشتی زیر را در نظر بگیرید (فرض کنید n توانی از ۲ است): $T(n) = 2T(\lfloor n/2 \rfloor) + n$. با روش جایگذاری به

نامعادله $T(n) \leq c \lg(n/2) + n = c \lg n - c + n$ می‌رسیم. برای آن که بتوانیم نتیجه بگیریم $T(n) \leq c \lg n$ و

استقرا را کامل کنیم، انتخاب درست ثابت c و نقطه شروع استقرا n_0 کدام است؟ (iranarze.ir)

۱) انتخاب ثابتی با $c \geq 1$ و برگزیدن نقطه شروع استقرا $n_0 = 2$ یا $n_0 = 3$ ، همراه با بررسی پایه‌های استقرا مانند $T(2)$ و $T(3)$.

۲) انتخاب ثابتی با $c \leq 1$ و تعیین نقطه شروع استقرا $n_0 = 1$ ، زیرا آنگاه نامعادله برای هر $n \geq 1$ خودبه‌خود برقرار می‌شود.

۳) عدم نیاز به هرگونه شرط روی c یا n_0 ، چون از نامعادله بالا همیشه می‌توان نتیجه گرفت $T(n) \leq c \lg n$.

۴) الزام به انتخاب c وابسته به n (مثلاً $c = \lg n$) و n_0 دلخواه، چون با c ثابت نامعادله هرگز برای مقادیر بزرگ n برقرار نمی‌شود.

۷- رابطه بازگشتی زیر را در نظر بگیرید. فرض کنید n توانی از ۴ است و $c > 0$ ثابت است، و نیز $T(n) = T(1) = \Theta(1)$. با استفاده از روش درخت بازگشتی (که در آن در هر سطح اندازه زیرمسئله‌ها بر ۴ تقسیم و تعداد آن‌ها در ۳ ضرب می‌شود)، مرتبه زمانی تابع $T(n)$ کدام است؟

(۱) $T(n) = \Theta(n^{\log_4 3})$ زیرا تعداد برگ‌ها $n^{\log_4 3}$ است و هزینه آن‌ها بر کل هزینه درخت غالب می‌شود.

(۲) $T(n) = \Theta(n^2 \log n)$ زیرا درخت بازگشتی دارای $\log_4 n$ سطح است و در هر سطح هزینه مرتبه n^2 تولید می‌شود.

(۳) $T(n) = \Theta(n^{\log_4 3} \log n)$ زیرا هزینه ریشه و برگ‌ها هم‌مرتبه بوده و با یک ضریب لگاریتمی ترکیب می‌شوند.

(۴) $T(n) = \Theta(n^2)$ و مجموع هزینه سطوح درونی در قالب یک سری هندسی نزولی از مرتبه n^2 است.

۸- سکه‌ای عادل را n بار مستقل از هم پرتاب می‌کنیم. متغیر تصادفی X را به صورت «تعداد شیرهای ظاهر شده در این n پرتاب» تعریف کنید. اگر برای هر پرتاب i -ام متغیر شاخص X_i را به صورت

$$X_i = \begin{cases} 1 & \text{اگر در پرتاب آی-ام شیر بیاید} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases} \quad \text{و } X = \sum_{i=1}^n X_i$$

مقدار امید ریاضی $E[X]$ بر اساس تعریف متغیر شاخص و خطی بودن امید ریاضی کدام است؟

(۱) $E[X] = \frac{n}{4}$ ، چون در هر پرتاب انتظار داریم به طور متوسط ربع مواقع شیر مشاهده شود.

(۲) $E[X] = \frac{n}{2}$ ، چون در هر پرتاب احتمال آمدن شیر برابر با یک‌دوم است و امید ریاضی جمع برابر جمع امید ریاضی‌ها می‌باشد.

(۳) $E[X] = n$ ، چون در هر پرتاب متغیر شاخص مقدار ۱ می‌گیرد و جمع این مقادیر برابر تعداد پرتاب‌ها خواهد شد.

(۴) $E[X] = 1$ ، چون تعداد مورد انتظار شیرها در پرتاب‌های متوالی سکه همواره ثابت و مستقل از n باقی می‌ماند.

۹- فرض کنید k نفر داریم که روز تولد هر کدام به طور مستقل و یکنواخت روی n روز ممکن سال انتخاب شده است.

امید ریاضی تعداد زوج افرادی که روز تولد یکسان دارند، کدام است؟

(۱) به عنوان امید تعداد زوج‌های دارای روز تولد مشترک

(۲) به عنوان امید تعداد زوج‌های دارای روز تولد مشترک

(۳) به عنوان امید تعداد زوج‌های دارای روز تولد مشترک

(۴) به عنوان امید تعداد زوج‌های دارای روز تولد مشترک

۱۰- در تحلیل الگوریتم ON-LINE-MAXIMUM(k, n) احتمال موفقیت الگوریتم $P\{S\}$ به صورت زیر کران‌بندی می‌شود:

$$\frac{k}{n} (\ln n - \ln k) \leq Pr\{S\} \leq \frac{k}{n} (\ln(n-1) - \ln(k-1)).$$

$$\frac{k}{n} (\ln n - \ln k) \quad (۲) \quad \frac{k}{n} (\ln(n-1) - \ln(k-1)) \quad (۱)$$

$$\frac{k}{n} (\ln n + \ln k) \quad (۴) \quad \frac{n}{k} (\ln n - \ln k) \quad (۳)$$

۱۱- کدامیک از گزاره‌های زیر درباره‌ی زمان اجرای رویه‌های اصلی مبتنی بر max-heap صحیح است؟

(۱) رویه MAX-HEAPIFY در زمان $O(n)$ اجرا می‌شود و رویه BUILD-MAX-HEAP در زمان $O(n \lg n)$ و الگوریتم HEAPSORT در

زمان $O(\lg n)$ اجرا می‌شوند.

۲) هر سه رویه MAX-HEAPIFY و BUILD-MAX-HEAP و HEAPSORT در زمان $O(n)$ اجرا می‌شوند و مرتبه‌ی بزرگ‌تری ندارند.
 ۳) رویه MAX-HEAPIFY در زمان $O(\lg n)$ اجرا می‌شود و رویه BUILD-MAX-HEAP در زمان $O(n)$ و الگوریتم HEAPSORT در زمان $O(n \lg n)$ اجرا می‌شوند.

۴) هر سه رویه MAX-HEAPIFY و BUILD-MAX-HEAP و HEAPSORT در زمان $O(n^2)$ اجرا می‌شوند و همگی از مرتبه‌ی درجه‌دو هستند.

۱۲- در یک صف اولویت مینیمم (min-priority queue) برای این‌که مقدار کلید یک عنصر موجود در صف را کوچک‌تر کنیم، به‌طوری‌که عنصر همچنان در صف باقی بماند و فقط اولویتش تغییر کند، از کدام عمل استفاده می‌شود؟

۱) INSERT(S, x) برای وارد کردن یک عنصر تازه به مجموعه استفاده می‌شود.

۲) MINIMUM(S) برای برگرداندن کوچک‌ترین کلید بدون حذف آن استفاده می‌شود.

۳) EXTRACT-MIN(S) برای حذف و برگرداندن عنصر با کوچک‌ترین کلید استفاده می‌شود.

۴) DECREASE-KEY(S, x, k) برای تنظیم مقدار جدید کوچک‌تر برای کلید یک عنصر استفاده می‌شود.

۱۳- در الگوریتم PARTITION(A, p, r) با محور $x = A[r]$ ، در طول اجرای حلقه‌ی for خطوط ۳ تا ۶، ثابت حلقه وضعیت بخش‌های مختلف آرایه را توصیف می‌کند. کدام گزینه، تقسیم‌بندی صحیح آرایه را بر حسب مقدارهای $x \leq x$ و $x >$ بیان می‌کند؟ (منبع ایران عرضه)

۱) در هر تکرار، همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[p..i]$ بزرگ‌تر از x و همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[i+1..j-1]$ کوچک‌تر یا مساوی x هستند و عناصر بازه‌ی $A[j..r-1]$ هنوز بررسی نشده‌اند.

۲) در هر تکرار، همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[p..i]$ کوچک‌تر یا مساوی x و همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[i+1..j-1]$ بزرگ‌تر از x هستند و عناصر بازه‌ی $A[j..r-1]$ هنوز بررسی نشده‌اند.

۳) در هر تکرار، همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[p..i]$ کوچک‌تر از x و همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[i+1..j-1]$ نامرتب با x هستند و عناصر بازه‌ی $A[j..r-1]$ قطعاً بزرگ‌تر از x هستند.

۴) در هر تکرار، همه‌ی عناصر بازه‌ی $A[p..i]$ و $A[i+1..j-1]$ می‌توانند هر مقداری داشته باشند و فقط عناصر بازه‌ی $A[j..r-1]$ کوچک‌تر یا مساوی x هستند.

۱۴- فرض کنید در الگوریتم RANDOMIZED-QUICKSORT، روی هر فراخوانی، رویه RANDOMIZED PARTITION در اغلب مراحل آرایه را به دو زیرآرایه‌ای تقسیم کند که هر کدام شامل کسری ثابت (نه خیلی کوچک و نه خیلی بزرگ) از عناصر باشند. بر اساس توضیحات متن، در این حالت زمان اجرای مورد انتظار این الگوریتم در بدترین حالت کدام است؟

۱) زمان اجرای مورد انتظار الگوریتم برابر $\Theta(n)$ است، زیرا هر بار فقط یک تقسیم انجام می‌شود.

۲) زمان اجرای مورد انتظار الگوریتم برابر $\Theta(n^2)$ است، زیرا در برخی مراحل ممکن است تقسیم‌بندی کاملاً نامتوازن انجام شود.

۳) زمان اجرای مورد انتظار الگوریتم برابر $\Theta(n \lg n)$ است، زیرا در هر سطح بازگشت کل کار $\Theta(n)$ بوده و تعداد سطوح بازگشت $\Theta(\lg n)$ می‌باشد.

۴) زمان اجرای مورد انتظار الگوریتم برابر $\Theta(\lg n)$ است، زیرا عمق درخت بازگشت $\Theta(\lg n)$ بوده و کار هر فراخوانی برابر $\Theta(1)$ در نظر گرفته می‌شود.

۱۵- در بخش «حدهای پایین برای مرتب‌سازی» فرض می‌شود که تمام عناصر ورودی متمایز هستند. بر اساس این فرض، کدام گزینه دقیقاً بیان می‌کند که در یک مرتب‌سازی مقایسه‌ای چه نوع مقایسه‌ای برای تعیین ترتیب نسبی عناصر کافی است؟

- ۱) در مرتب‌سازی مقایسه‌ای، دانستن نتیجه مقایسه‌های از نوع $a_i > a_j$ برای تعیین ترتیب نسبی تمام عناصر کافی است.
 - ۲) در مرتب‌سازی مقایسه‌ای، دانستن نتیجه مقایسه‌های از نوع $a_i \geq a_j$ برای تعیین ترتیب نسبی تمام عناصر کافی است.
 - ۳) در مرتب‌سازی مقایسه‌ای، دانستن نتیجه مقایسه‌های از نوع $a_i \leq a_j$ برای تعیین ترتیب نسبی تمام عناصر کافی است.
 - ۴) در مرتب‌سازی مقایسه‌ای، دانستن نتیجه مقایسه‌های از نوع $a_i = a_j$ برای تعیین ترتیب نسبی تمام عناصر کافی است.
- ۱۶- در تحلیل هزینه مرتب‌سازی پیمانه‌ای، متغیر تصادفی n_i تعداد عناصری را نشان می‌دهد که در پیمانه $B[i]$ قرار می‌گیرند. فرض می‌کنیم هر یک از n عنصر ورودی، مستقل از بقیه و با احتمال $1/n$ وارد هر سطل می‌شود. مقدار امید ریاضی $E[n_i^2]$ کدام است؟

$$E[n_i^2] = 2 - \frac{1}{n} \quad (۲)$$

$$E[n_i^2] = 1 + \frac{1}{n} \quad (۱)$$

$$E[n_i^2] = 2 + \frac{1}{n} \quad (۴)$$

$$E[n_i^2] = 1 + \frac{2}{n} \quad (۳)$$

۱۷- در الگوریتمی که برای یافتن مینیمم و ماکزیمم یک آرایه‌ی n عضوی به صورت همزمان عمل می‌کند، اعضا به صورت دوتایی با هم مقایسه می‌شوند و در هر جفت، یکی نامزد مینیمم و دیگری نامزد ماکزیمم می‌شود و سپس با مینیمم و ماکزیمم جاری مقایسه می‌گردند.

با توجه به تحلیل انجام شده، بدترین تعداد مقایسه‌های این الگوریتم برای ورودی n عضوی کدام است؟

- ۱) حداکثر $2n - 2$ مقایسه برای ورودی n عضوی نیاز دارد.
- ۲) حداکثر $2n + 1$ مقایسه برای ورودی n عضوی نیاز دارد.
- ۳) حداکثر $3\lfloor n/2 \rfloor$ مقایسه برای ورودی n عضوی نیاز دارد.
- ۴) حداکثر $4\lfloor n/2 \rfloor$ مقایسه برای ورودی n عضوی نیاز دارد.

۱۸- یک پشته با ظرفیت ۷ خانه در آرایه $S[1..7]$ پیاده‌سازی شده است. در ابتدا پشته خالی است، یعنی $\text{top}[S] = 0$ و هیچ عنصری در پشته وجود ندارد. توالی عملیات زیر را روی پشته انجام می‌دهیم:

۱. $\text{PUSH}(S, 5)$

۲. $\text{PUSH}(S, 16)$

۳. $\text{PUSH}(S, 2)$

۴. POP(S)

۵. PUSH(S, 9)

۶. PUSH(S, 7)

کدام گزینه وضعیت نهایی پشته را به درستی بیان می کند؟

(۱) $\text{top}[S] = 5$ و عنصر بالای پشته مقدار ۹ است. (۲) $\text{top}[S] = 5$ و عنصر بالای پشته مقدار ۷ است.

(۳) $\text{top}[S] = 4$ و عنصر بالای پشته مقدار ۹ است. (۴) $\text{top}[S] = 4$ و عنصر بالای پشته مقدار ۷ است.

۱۹- در نمایش اشیاء با استفاده از یک آرایه، نقش اندیس ها در این نمایش کدام است؟

(۱) اندیس هر شیء نقش اشاره گر به آن شیء را دارد.

(۲) اندیس هر شیء فقط مقدار عددی فیلد کلید را است.

(۳) اندیس هر شیء آدرس فیزیکی مستقل خارج از آرایه است.

(۴) اندیس هر شیء تنها برای شمارش اشیای موجود به کار می رود.

۲۰- در مثال دفترچه تلفن با $n = 2000$ نام و میانگین تقریباً سه عضو در هر زنجیر، طبق روش تقسیم برای انتخاب اندازه ی

جدول درهم سازی، مقدار مناسب برای m کدام است؟

(۱) $m = 512$ (۲) $m = 701$ (۳) $m = 1000$ (۴) $m = 1024$

۲۱- در روش بررسی خطی برای حل برخورد در جدول درهم سازی، برای $i = 0, 1, \dots, m - 1$ کدام تابع درهم سازی $h(k, i)$

استفاده می شود؟ (تالیف توسط سایت ایران عرضه)

(۱) $h(k, i) = (h'(k) + i) \bmod m$ (۲) $h(k, i) = (h'(k) + i^2) \bmod m$

(۳) $h(k, i) = (h'(k) * i) \bmod m$ (۴) $h(k, i) = (h'(k) + 2i) \bmod m$

۲۲- با استفاده از نامساوی مارکوف درباره احتمال مقدار کل حافظه ای که برای جدول های درهم سازی ثانویه مصرف می شود،

کدام عبارت درست است؟

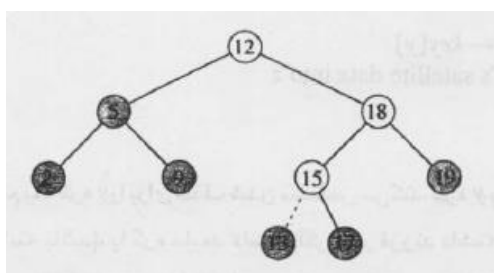
(۱) احتمال اینکه کل حافظه استفاده شده برای جدول درهم سازی ثانویه بیشتر از $2n$ باشد کمتر از $1/2$ است.

(۲) احتمال اینکه کل حافظه استفاده شده برای جدول درهم سازی ثانویه بیشتر از $4n$ باشد کمتر از $1/2$ است.

(۳) احتمال اینکه کل حافظه استفاده شده برای جدول درهم سازی ثانویه بیشتر از $4n$ باشد بیشتر از $1/4$ است.

(۴) احتمال اینکه کل حافظه استفاده شده برای جدول درهم سازی ثانویه بیشتر از $8n$ باشد کمتر از $1/4$ است.

۲۳- در الگوریتم زیر TREE-INSERT، نقش حلقه while در خطوط ۳ تا ۷ چیست؟



- (۱) مسیر z را با مقایسه key ها در درخت پایین می‌برد تا وقتی x برابر NIL شود.
- (۲) مسیر z را بدون مقایسه key ها در ریشه متوقف می‌کند و مقدار $key[x]$ را عوض می‌کند.
- (۳) فقط مقدار همه key ها را در گره‌ها می‌خواند و هیچ جابه‌جایی یا حرکتی انجام نمی‌دهد.
- (۴) ابتدا همه گره‌های برگ را حذف می‌کند و سپس z را در یکی از برگ‌های حذف‌شده می‌نشاند.
- ۲۴- در تعریف درخت جستجوی دودویی قرمز-سیاه، کدام گزینه یکی از ویژگی‌های این درخت‌ها را به‌درستی بیان می‌کند؟**
- (۱) اگر یک گره قرمز باشد آنگاه دقیقاً یک فرزندش سیاه خواهد بود.
- (۲) اگر یک گره قرمز باشد آنگاه هر دو فرزندش سیاه هستند.
- (۳) اگر یک گره سیاه باشد آنگاه هر دو فرزندش قرمز خواهند بود.
- (۴) اگر یک گره قرمز باشد آنگاه حداقل یک فرزندش قرمز خواهد بود.
- ۲۵- در الگوریتم درج درخت قرمز-سیاه، پس از آن‌که گره z با استفاده از روال درج درخت جستجوی دودویی در درخت قرار داده شد و رنگ آن قرمز شد، کدام عبارت، نقش و زمان فراخوانی رویه RB-INSERT-FIXUP را به‌درستی توصیف می‌کند؟**
- (۱) سپس برای تضمین این که ترتیب پیمایش درخت بدون تغییر باقی بماند، تابع کمکی RB-INSERT-FIXUP را برای جابه‌جایی موقت گره‌ها و لغو چرخش‌ها فراخوانی می‌کنیم.
- (۲) سپس برای ساده‌سازی پیاده‌سازی و کاهش ارتفاع درخت، تابع کمکی RB-INSERT-FIXUP را برای حذف گره‌های اضافی و ادغام زیردرخت‌ها فراخوانی می‌کنیم.
- (۳) سپس برای محاسبه‌ی مجدد کلیدهای گره‌ها در مسیر ریشه، تابع کمکی RB-INSERT-FIXUP را برای به‌روزرسانی مقادیر کلید و برچسب‌های رنگی فراخوانی می‌کنیم.
- (۴) سپس برای تضمین این که ویژگی‌های درخت قرمز-سیاه حفظ شوند، تابع کمکی RB-INSERT-FIXUP را برای رنگ‌آمیزی دوباره گره‌ها و انجام چرخش‌ها فراخوانی می‌کنیم.